

Exercices Série 4

- 1) Quelle est la valeur (en base 10) de $(1011001010)_{2^{10}}$?
- 2) Selon la norme IEEE 754, que vaut
 $(0\ 10000000\ 11000000000000000000000000000000)_{IEE\ 754\ (32\ bits)}$ en base 10 ?
 $(10101100100010100000001001000000)_{IEE\ 754\ (32\ bits)}$ en base 10 ?
- 3) Ecrivez $(666)_{10}$ et $(-155.305)_{10}$ sous selon la norme IEEE 754 à 32 bits.
- 4) Quel est le nombre de décimales significatives pour un nombre à virgule flottant sur 64 bits ?

Réponses

- 1) $(1011001010)_{2^*} = (011001010)_2 - 512 = 202 - 512 = -310.$
- 2)
$$\begin{aligned} & (-1)^0 \times 2^{128-127} \times \left[1 + \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + 0 \right) \right] = 2 \times 1.75 = 3.5 \\ & (-1)^1 \times 2^{89-127} \times \left[1 + \left(\frac{0}{2} + \frac{0}{4} + \frac{0}{8} + \frac{1}{16} + \frac{0}{32} + \frac{1}{64} + \dots \right) \right] = (-1)^1 \times 2^{-38} \times 1.07891 \dots \\ & = -3.9224457E-12 \end{aligned}$$
- 3)

$$\begin{aligned} (666)_{10} &= (0\ 10001000\ 010011010000000000000000)_{IEE\ 754\ (32\ bits)} \\ (-155.305)_{10} &= (1\ 10001000\ 010011010000000000000000)_{IEE\ 754\ (32\ bits)} \\ (155.305)_{10} &= (10011011.01001100001010000\dots)_2 \\ &= (1.0011011010011100001010000\dots)_2 \times 2^7 \\ (-155.305)_{10} &= (1\ 10001000\ 00110110100111000010100)_{IEE\ 754\ (32\ bits)} \end{aligned}$$
- 4) La mantisse est codée sur 52 bits (+ 1 bit en normalisé) ce qui donne un nombre maximum de $2^{53} - 1 \cong 9 \times 10^{15} \Rightarrow$ il y a 15 chiffres significatifs !

NOTE : c'est le DOUBLE du nombre à virgule flottante encodé sur 32 bits